

### 演習3：画像の回転

与えられた画像を、角度 $\theta$ 回転させた画像を生成する。次図3-1を参照し解説する

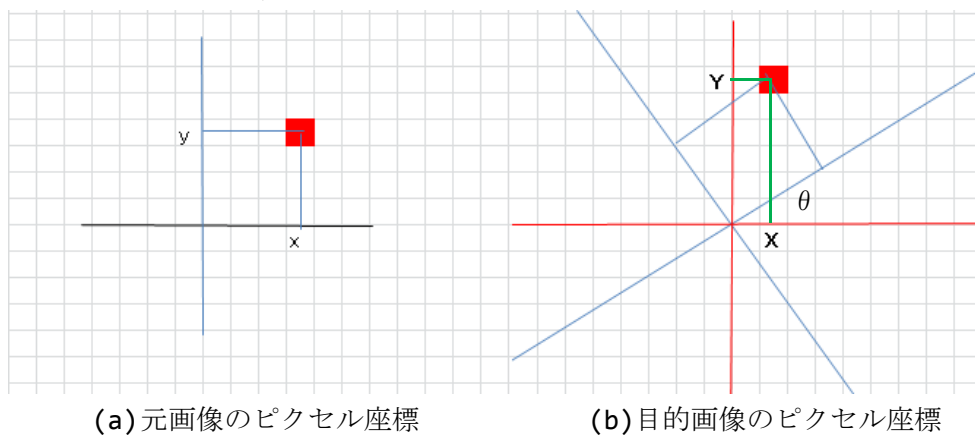


図3-1 回転の考え方

(注意)以下、 $(x,y)$ および $(X,Y)$ は異なる（小文字／大文字）ので注意のこと。

#### 演習3-1：正方向写像

元画像(a)のピクセル $(x,y)$ は、原点を中心に $\theta$ 度回転した場合、目的画像(b)の、式(3-1)で表現されるピクセル $(X,Y)$ に移動する。

$$X=x*\cos \theta -y*\sin \theta \quad Y=x*\sin \theta +y*\cos \theta \quad (3-1)$$

回転の中心を $(x_0,y_0)$ とすると次式となる。

$$X=(x-x_0)*\cos \theta -(y-y_0)*\sin \theta +x_0 \quad (3-2)$$

$$Y=(x-x_0)*\sin \theta +(y-y_0)*\cos \theta +y_0$$

よって、すべての元ピクセル $(x,y)$ の値を、回転後の新ピクセル $(X,Y)$ にコピーすれば、回転した画像を得ることができると考えられる。

画像の中心で回転させる場合は、画像中心の座標は、 $(w/2, h/2)$ である（ $w$ は幅、 $h$ は高さ）ので、以下となる。

```
int X=int((x-w/2)*cos θ -(y-h/2)*sin θ +w/2);
```

```
int Y=int((x-w/2)*sin θ +(y-h/2)*cos θ +h/2);
```

しかし、回転させると、はみ出す部分があるので、はみ出した場合、コピーしない処理が必要となる。以下の通りである。

```
if( (X>=0)&&(X<w)&&(Y>=0)&&(Y<h) ) <-範囲内かの判定
{
    int OldPos = x + y*w; <- 元画像におけるピクセル(x,y)
    int NewPos = X + Y*w; <- 目的画像におけるピクセル(X,Y)
    img_out.pixels[NewPos] = img_in.pixels[OldPos];
}
```

これらを、すべての元画像の $(x,y)$ に対して繰り返せばよい。これを参考にプログラム (sample3-1) を完成させなさい。

演習3-1の結果画像をよく見ると、抜けている(コピーされていない)ピクセルがある。この理由を考察しなさい。

### 演習3-2: 逆方向写像

そこで、以下のように考える。すなわち、演習3-1では、すべての元画像のピクセルを、新画像にコピーするようにした。ここでは、逆に、すべての新画像のピクセル $(X,Y)$ に対して、それが元画像のどのピクセル $(x,y)$ に対応するかを求め、そのピクセルの値を新ピクセルにコピーするように作り換える。

さて、 $(x,y)$ から $(X,Y)$ と求めるのが式(3-2)であるので、 $(X,Y)$ から $(x,y)$ を求めるためには、式(3-2)を、 $x=\sim$ ,  $y=\sim$  の式に変形する必要がある。

よって、下記をすべての新画像の $(X,Y)$ で繰り返せばよい。

```
int x= <<< >>> ; <=この部分は、変形した式を参考にする.
int y= <<< >>> ; <=      上に同じ
if( (x>=0)&&(x<w)&&(y>=0)&&(y<h) ) /* 範囲検証は元画面座標で */
{
    int OldPos = x + y*w;
    int NewPos = X + Y*w;
    img_out.pixels[NewPos] = img_in.pixels[OldPos];
}
```